

1. Wiatr wiejący z szybkością V_0 działa na żagiel o powierzchni S siłą $F = \frac{1}{2} \cdot a S \zeta (V_0 - V)^2$ gdzie a – stała, ζ – gęstość powietrza, V – szybkość żagłówki. Oblicz, dla jakiej szybkości żagłówki moc wiatru będzie maksymalna i ile będzie ona wynosić.
2. Dron podwodny o masie m z włączonymi silnikami porusza się ze stałą szybkością V_0 . Znaleźć zależność szybkości dronu od czasu po wyłączeniu silników, jeśli opory ruchu są proporcjonalne do prędkości $F = -b \cdot V$, gdzie b to stała zależna od doskonałości hydrodynamicznej łodzi. Oblicz jaką drogę przebędzie dron po wyłączeniu silników.
3. Prędkość ciała o masie $m = 0,5$ kg opisuje wzór: $v = 2t^2 + 1$. Oblicz pracę potrzebną do przyspieszenia ciała w ciągu 2 pierwszych sekund ruchu.
4. Prom kursuje pomiędzy przystaniami leżącymi naprzeciwko siebie po obu stronach rzeki o szerokości 40 m, która płynie z prędkością 3 m/s. Ile trwa przeprawa przez rzekę jeżeli na stojącej wodzie prędkość promu wynosi 5 m/s ?
5. Dwa samochody poruszają się po dwóch prostopadłych, prostoliniowych drogach w kierunku ich przecięcia ze stałymi szybkościami $V_1 = 15$ m/s i $V_2 = 10$ m/s. W chwili początkowej pierwszy samochód znajdował się w odległości 100 m od skrzyżowania dróg, a drugi w odległości 50 m od skrzyżowania. Podaj wektor położenia pierwszego samochodu względem drugiego i oblicz, po jakim czasie odległość między samochodami będzie najmniejsza.
6. Oblicz: a) $2\mathbf{i} \times (-3\mathbf{j})$ b) $2\mathbf{j} \cdot \mathbf{k}$ c) $(-2\mathbf{k}) \cdot \mathbf{k}$ d) $-2\mathbf{k} \times (-\mathbf{j})$ e) $2\mathbf{k} \cdot (-\mathbf{i})$ f) $(-2\mathbf{j}) \cdot \frac{1}{2}\mathbf{k}$ g) $-2\mathbf{k} \times (-\mathbf{i})$
7. Dane są wektory $\mathbf{A} = (x, y, 2)$; $\mathbf{B} = (-2, 1, 1)$ oraz $\mathbf{C} = (2, 2, -1)$. Obliczyć y i z tak, by wektor \mathbf{A} był prostopadły do wektorów \mathbf{B} oraz \mathbf{C} . Oblicz jaki kąt tworzą wektory \mathbf{B} i \mathbf{C} .
8. Siła $\mathbf{F} = 2\mathbf{x} - z$ zaczepiona do pewnego ciała w punkcie P (4,2,1) powoduje jego obrót wokół punktu R (1, -1, 1).
 - a. Oblicz wektor ramienia działającej siły.
 - b. Oblicz jaki kąt tworzy wektor siły z ramieniem siły.
 - c. Oblicz wartość momentu siły działającej na ciało.
9. Na ciało działa siła opisana równaniem $\mathbf{F} = 2(x^2 - y)\mathbf{i} + 3\mathbf{j}$. Pod wpływem tej siły ciało porusza się po bokach trójkąta o wierzchołkach: O (0,0) A (0,3) B (4,0). A. Napisz równanie każdego odcinka trasy ciała; B. Korzystając z definicji pracy oblicz całkowitą pracę wykonaną podczas ruchu po torze OAB.
10. Punkt materialny porusza się po trajektorii: $\mathbf{r} = \mathbf{i}v_0t + \mathbf{j}d + \mathbf{k}(h - 0.5gt^2)$, gdzie $v_0 = 2$ [m/s], $d = -1$ [m], $g = 10$ m/s², $h = 15$ [m].
 - a. Obliczyć wektory jego prędkości i przyspieszenia.
 - b. Dla trzech pierwszych sekund ruchu naszkicować rzuty trajektorii na płaszczyzny X-Y, X-Z i Z-Y,
 - c. Dla tych samych parametrów obliczyć wektor prędkości i jego wartość w 2giej sekundzie ruchu.
11. Cząsteczka o ładunku $Q = 2C$ porusza się w próżni torem opisanym równaniem $\mathbf{R}(t) = 2t\mathbf{i} + 3t\mathbf{j} - 3t\mathbf{k}$ i wpada w obszar jednorodnego pola magnetycznego $\mathbf{B} = 3\mathbf{j} + \mathbf{k}$. Oblicz działającą tu siłę Lorentza. Oblicz pracę wykonaną przez tę siłę na bardzo małym odcinku drogi.